

الباب الثانى  
ديناميكية سير القطارات  
(Railway Dynamics)

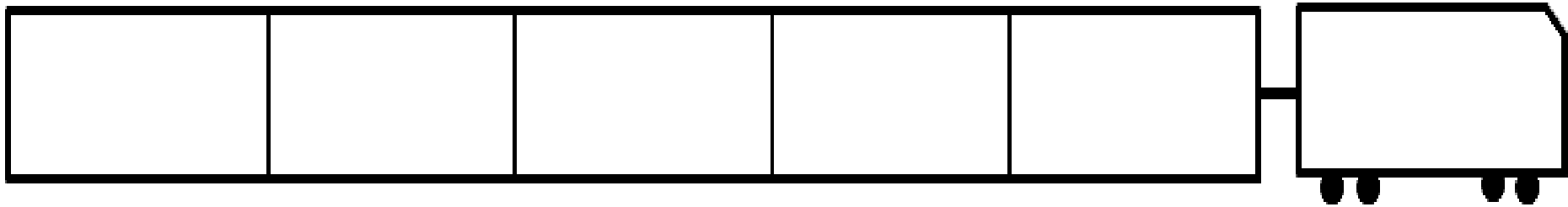
يتحرك القطار تحت تأثير قوتين :- قوة الجر أو الشد (مع الحركة  $T_f$ ) والمقاومات (عكس الحركة  $T_r$ ) وشرط الحركة للقطار أن يكون :-

$$T_f > T_r$$

حيث :

$T_f$  (Tractive Force) = قوة الجر وتنتج من القاطرة التي تجر عربات القطار وتؤدي إلى حركة القطار وزيادة سرعته في اتجاه السير.

$T_r$  (Total Resistance) = المقاومات الكلية وهي عبارة عن مجموعة القوى التي تعمل على مقاومة حركة القطار وتكون عكس اتجاه الحركة.



← المقاومات الكلية  $T_r$

→ قوة الجر  $T_f$

## ٢-٢ قوة جر القطارات (قوة الشد) ( $T_f$ "Tactive Force"):

هى تلك التى يتم بواسطتها دوران عجلات الجر والتغلب على مجموع المقاومات التى تواجه القاطرة وتتوقف قوة شد القاطرة على:

١. القوة التى تحدثها آلات القاطرة.

٢. قوة التماسك بين عجلات الجر والقضيب.

وتحسب قوة الجر عن طريق القدرة وعن طريق حد التناسب.

وقوة الجر  $T_f$  هى الأقل من قوة الشد  $T_e$  (Tension Force) وقوة التماسك  $F_{adh}$  (Adhesion Force)

## ٢-٢-١ حساب قوة الشد من القدرة: (T<sub>e</sub>):

قج = القدرة (حصان) / السرعة (م/ث)

$$\text{قج} = \frac{\text{القدرة} \times 270}{\text{السرعة}} \text{ كجم}$$

حيث القدرة بالحصان ، السرعة بالكم/ساعة.

ولتعويض الفواقد الميكانيكية يؤخذ معامل كفاءة ٨٢ % من قيمة قدرة القاطرة فتصبح المعادلة:-

$$\text{قج} = \frac{\text{القدرة} \times 220}{\text{السرعة}} \text{ كجم}$$

وإذا أعطى القدرة بوحدة الكيلووات فيتم تحويلها إلى وحدة حصان

$$1 \text{ KW} = 1.341 \text{ HP}$$

## ٢-٢-٢ حساب قوة الجر بطريقة حد التماسك ( $F_{adh}$ ):

عند بدء القاطرة في الحركة فانها يجب أن تتغلب على الاحتكاك بين المحور والعجلات وبين العجلات والقضيب والاحتكاك بين كرة الفخذ والمحور.

وزن القاطرة = الوزن الواقع على العجل غير الجار + الوزن الواقع على الجار

$$W = W_1 + W_2$$

ويحسب معامل التماسك من المعادلة الآتية :

$$\text{معامل التماسك } (\mu) = 9000 / (24 + \text{س}) + 116 \text{ كجم/طن}$$

$$F_{adh.} = W_2 \times \mu$$

عند بدء الحركة س = صفر

$$\mu = 330$$

= مجموع أوزان المحاور الجارة للقاطرة بالطن

$$= \text{وزن القاطرة} \times (\text{عدد المحاور الجارة} / \text{عدد المحاور الكلى})$$

المحاور الجارة هي المحاور المتصلة بالموتور

وإذا لم يذكر عدد المحاور الجارة للقاطرة تؤخذ وزن جميع المحاور للقاطرة

$$\text{قوة الجر } T_f = \text{الأقل من } T_e , F_{adh}$$

ملحوظة:- فى حالة وجود قاطرتان:- عند حساب  $T_f$  = يراعى الآتى:-

$$ق_ج = T_e = \left( \frac{\text{القدرة} \times 220}{\text{السرعة}} \right) \times 1,9 \text{ كجم}$$

حيث القدرة بالحصان للقاطرة الواحدة.

$$ق_ت = F_{adh} = (\mu \times 2) \times 2 \text{ كجم}$$

حيث  $\mu$  للقاطرة الواحدة

٢-٢-٣ حدود طرق حساب قى الجر :

| السرعة            | الطريقة             |
|-------------------|---------------------|
| ١٥ كم/ساعة        | حد التماسك          |
| ١٦ - ٣٥ كم/ساعة   | حد التماسك ، القدرة |
| ٣٥ كم/ساعة - أكثر | القدرة              |

## ٢-٢-٣-١ أنواع القاطرات :-

### أولاً:- قاطرات بخارية :

قديمة الاستعمال وغير موجودة حالياً لوجود القاطرات الديزل والكهرباء.

### ثانياً:- القاطرات الديزل والكهربائية:

تعمل بمحركات ديزل أو محركات كهربائية وتنقل قدرة الموتورات إلى القضبان عن طريق مجموعة من محاور القاطرة وتسمى بالمحاور الجارة تستعمل الحروف لتمييز طراز القاطرة:

( أ ) :- معناه وجود محور واحد به عجلات جارة بالبوجى الواحد.

( ب ) :- معناه وجود محورين جارين بالبوجى الواحد.

( ج ) :- معناه وجود ٣ محاور جارة بالبوجى الواحد.

أما المحاور الغير جارة :- فتكتب على هيئة أرقام:-

رقم ( ١ ) :- معناه وجود محور واحد به عجلات غير جارة بالبوجى الواحد.

فمثلاً :- الطراز أ١١ - أ١١ : معناه أن القاطرة بها ٢ بوجى ( بوجى أمامى وبوجى خلفى ) وكل واحد منهما به ٣ محاور الأول والأخير جارين والأوسط غير جار أى أن القاطرة بها ٦ محاور ٤ جار ، ٢ غير جار.

- الطراز ب-ب :- قاطرة بها ٤ محاور جارة وليس بها محاور غير جارة.

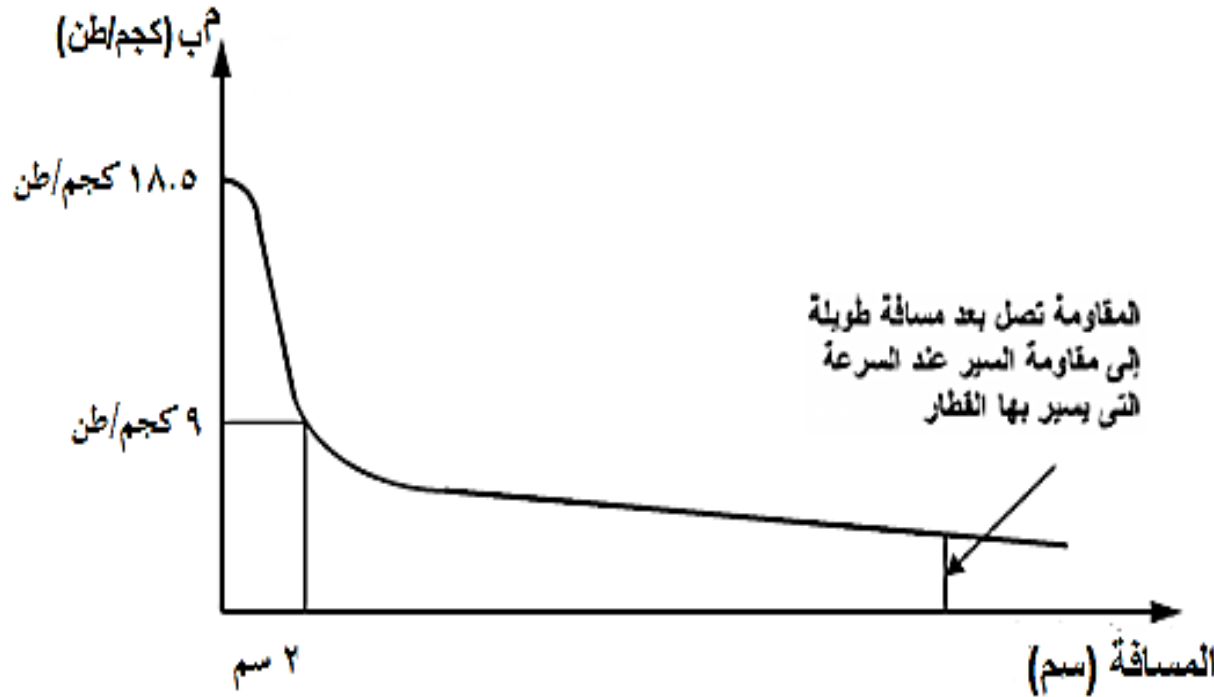
## ٢-٤ المقاوّمات الكلية التي تصادف القطارات عند سيرها وبدء حركتها ( $T_r$ ):

### ٢-٤-١ أولاً :مقاوّمات ليست لها علاقة بالسرعة :

#### ٢-٤-١-١ مقاومة البدء ( $R_B$ ):

هي المقاومة التي تنشأ من حركة القطار في حالة وقوفه مدة طويلة وتنشأ نتيجة انخفاض درجة حرارة زيوت مواد التشحيم بين محاور العربات والكراسي التي تدور خلفها وقد وجد أن قيمة هذه المقاومة تصل إلى ١٨,٥ كجم / طن من وزن القطار. ولذلك تترك مسافة بين العربات القطار من ٢-٥ سم عند الوقوف بالقطار لفترة طويلة في درجة حرارة منخفضة ولذلك يقوم السائق بإرجاع القطار للخلف. بعد سير العربة مسافة صغيرة حوالي (٢-٥) سم تهبط المقاومة وتصل إلى ٩ كجم / طن

إذا لم يذكر قيمتها بالمسألة تؤخذ ١٢,٨ كجم / طن



## ٢-٤-١-٢ مقاومة المنحنى (م) (Rc):

وهي تنشأ نتيجة لسير القطار على جزء منحنى بالسكة والتي يجب أن تستطيع القاطرة التغلب عليها وعلى المقاومات الأخرى حتى نضمن استمرار سير القطارات. وتنتج مقاومة المنحنى عن:

١. احتكاك الشفة الخارجية مع القضيب نتيجة قوة الطرد المركزية.

٢. طول القضيب الخارجى يكون أكبر من القضيب الداخلى فيحدث أنزلاق فى الاتجاه الطولى يؤدى الى احتكاك بين سطح العجلة والتاج.

• وتحسب هذه المقاومة من علاقات تجريبية من المعادلات التالية:

• معادلة روكل Rockell:

- عند  $R < 500$  متر فان :  $m = \frac{650}{55-R}$  كجم/طن
- عند  $R > 500$  متر فان :  $m = \frac{500}{30-R}$  كجم/طن
- عند  $R < 500$  متر فان :  $m = \frac{400}{20-R}$  كجم/طن
- عند  $R > 500$  متر فان :  $m = \frac{200}{50-R}$  كجم/طن
- حيث  $R =$  نصف قطر المنحنى الافقى.

• معادلة متزنر Mutzner:

- عند  $R > 500$  متر فان :  $m = \frac{80-0,4R}{40-R}$  كجم /طن

• المعادلة الامريكية USA:

- $m = \frac{630}{R}$  ( كجم / طن )
- $m = \frac{103,4+233,2}{R}$  ( كجم / طن ) صيفا

• المعادلة الاوربيه Proto:

• م م =  $\frac{77,6+175}{ر}$  أ ( كجم/ طن ) شتاء

• حيث ( أ ) المسافة بين المحاور الخارجية للعربة والمثبتة فى إطار واحد ( بالمتر ) والاتساع عادى.

• هـ. المعادلة المصرية Hassona حسونة:

• م م =  $\frac{520}{ر-55}$  ( كجم/ طن )

• حيث : م م = مقاومة المنحنى بالكجم/طن

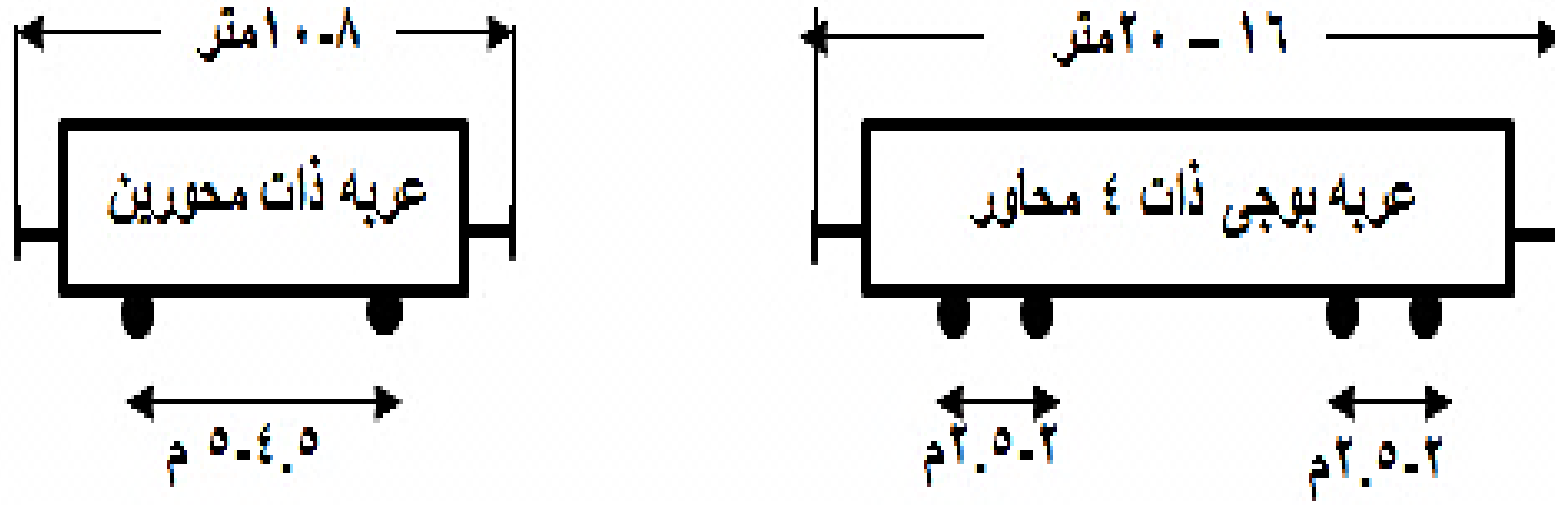
• ر = نصف قطر المنحنى بالمتر

• أ = المسافة بين المحاور الثابتة بالعربة حيثأن هناك ثلاث انواع من العربات عربيه ذات محاورين ، وعربة ذات ٣ محاور ، وعربه بوجى ذات ٤ محاور.

• = ٤,٥ - ٥ متر فى حالة عربة ذات محاورين.

• = ٢ - ٢,٥ متر فى حالة عربة بوجى ذات ٤ محاور.

حمولة العربـة بوجى ضعف حمولة العربـة العادىة ذات المحورىن لذا فى العربـة بوجى أقتصادىة عن العربـة العادىة.



عربـة بوجى تعطى مقاومة مىل صغىره عربـة ذات محورىن تعطى مقاومة مىل كبرىه  
شكل (٢-٤) انواع العربات.

## ٢-٤-١-٣ مقاومة الميل (الإنحدار) من $(R_g)$ :

وهي تعبر عن مقاومة الحركة الناتجة عند حركة القطار على الانحدارات (الصاعدة أو الهابطة). الميل الهندسي لأي خط يصنع زاوية  $\alpha$  مع الأفقي =  $\tan \alpha$  ، وفي السكك الحديدية يكون الميل صغير جداً لهذا: يعبر عن الميل في السكك الحديدية بما ترتفعه القاطرة بالمتراً إذا سارت على السطح المائل (المنحدر) مسافة ١٠٠٠ م .

مقاومة الميل بالكجم /طن من وزن القطار =

$$\frac{L}{1000} = \text{الرقم الدال على الميل في الألف.}$$

أي أن الرقم الدال على الميل × الألف يدل على مقاومة الميل بالكجم / طن

وكمثال: خط أنحداره ٥ ‰ يعطى مقاومة ميل مقدارها ٥ كجم /طن من وزن القطار.

## ٢-٤-٢ ثانياً: مقاومات لها علاقات بالسرعة:

### ٢-٤-٢-١ مقاومة السير من Rolling Resistance ( $R_{Train}$ ):

- وهى تعبر عن مقاومة الحركة الناتجة عن :
- احتكاك المحور لصندوق المحور.
- احتكاك شفة العجلات بالقضبان.
- ترخيم القضبان.
- كثرة الوصلات الموجودة بالسكة.

### ٢-٤-٢-٢ مقاومة الهواء من Air Resistance :

وتنشأ نتيجة لأختراق القطار للهواء وتتوقف على المساحة المعرضة للهواء من القطار ووزنه (شكل مقدمة القاطرة وأبعاد العربات) وتختلف باختلاف نوع القطار. وتحسب مقاومة السير والهواء من معادلات عملية وهى للقاطرة غير العربات.

## طريقة شترال:-

### مقاومة السير والهواء للقاطرات الكهربيه والديزل (شترال) ( $R_{Loc}$ ):

وتحسب من العلاقة التجريبية الآتية:-

$$وق \times م(س + هـ)ق = ٢,٥ وق١ + ٥ وق٢ + ٤ [(س + ١٥) / ١٠]^2 كجم$$

حيث:

وق = وزن القاطرة الكلى بالطن

وق١ = الوزن الواقع على العجلات الغير الجارة بالطن

وق٢ = الوزن الواقع على العجلات الجارة بالطن

م(س + هـ)ق = مقاومة السير والهواء النوعية للقاطرة كجم/طن من وزن القاطرة

وق  $\times$  م(س + هـ)ق = مقاومة السير والهواء الكلية للقاطرة

وقد اعتبرت سرعة الرياح المضادة في هذه العلاقة ١٥ كم / ساعة .

## ٢-مقاومة السير والهواء لعربات الركاب (شترال) ( $R_{veh}$ ):

$$م(س + هـ) ع ر = ١,٩ + ب س + (\sum / ٠,٤٨ وع) (ن + ٢,٧) \times ج ع \times [(س + ١٥) / ١٠] \times ٢ \text{ كجم/طن}$$

حيث:

$$م(س + هـ) ع ر = \text{مقاومة السير والهواء النوعية لعربات الركاب كجم/طن}$$

ب = معامل تأثير عدم تواجد سطح القضبان في مستوى أفقى واحد.

$$٠,٠٠٧ = \text{لعربات ذات محورين}$$

$$٠,٠٠٤ = \text{لعربات ذات ٣ محاور}$$

$$٠,٠٠٢٥ = \text{لعربات ذات ٤ محاور (عربات بوجى)}$$

$$= \text{عدد العربات التى وزنها } \sum \text{ وع طنا}$$

$$= \text{مجموع وزن العربات حيث وع} = \text{وزن العربة}$$

$$= \text{معامل يتوقف على حالة العربة}$$

$$= ١,٤٥ \text{ فى حالة العربات الجديدة}$$

$$= ١,٥٥ \text{ فى حالة العربات القديمة}$$

$$= ١,٥٠ \text{ فى حالة العربات متوسطة العمر}$$

ن  
 $\sum$  وع  
ج ع

### ٣- مقاومة السير والهواء لعربات البضاعة (شترال):

$$م(س + هـ) ع ب = ٢ + (٠,٠٧ + آ) \times [(س + ١٥) / ١٠]^2 \text{ كجم/طن}$$

حيث:

م(س + هـ) ع ب = مقاومة السير والهواء النوعية لعربات البضائع (كجم/طن) من وزن عربات البضائع

آ = معامل يتوقف على حالة تحميل العربات

= ٠,٣٢ لعربات خام محملة

= ٠,٥ لعربات متنوعة

= ٠,١ لعربات فوارغ

### مقاومة السير والهواء النوعية للقطار كله:

$$م(س + هـ) ن = [م(س + هـ) ق \times وق + م(س + هـ) ع \times وع] / [وق + وع]$$

## ٢- الطريقة الألمانية (معادلة ستراهل Strahl):

### للقطار:

$$م(س + هـ) ق = ٢٥٠ / وق + ٤ [ (س + \Delta س) / ١٠٠ ]^٢ كجم$$

حيث:-

وق = وزن القاطرة.

$\Delta س$  = عامل إضافي يأخذ في الاعتبار تأثير الهواء ويؤخذ كما يلي:-

|       |                                   |
|-------|-----------------------------------|
| = صفر | في الخط الأفقي وعدم وجود رياح.    |
| = ١٢  | في حالة رياح جانبية متوسطة الشدة. |
| = ٢٠  | في حالة رياح جانبية قوية الشدة.   |
| = ٣٠  | في حالة رياح جانبية غتية الشدة.   |

### للعربات :-

$$م(س + هـ) وع = ٢,٥ + ٤ [ (س + \Delta س) / ٢ ]^٢ كجم$$

حيث:-

ك = عامل ثابت يتوقف على نوع القطار وتركيبه ويؤخذ كما يلي:-

|        |                                                           |
|--------|-----------------------------------------------------------|
| = ٤٠٠٠ | في القطارات السريعة – قطارات بضائع ثقيلة متجانسة التركيب. |
| = ٣٠٠٠ | في قطارات متوسطة السرعة ومؤلفة من عربات متنوعة التركيب.   |
| = ٢٠٠٠ | في قطارات بضائع متنوعة التركيب.                           |
| = ١٠٠٠ | في قطارات بضائع ذات عربات فارغة.                          |

## مقاومة السير والهواء النوعية للقطار كله:

$$م(س+هـ)ن = [م(س+هـ)ق \times وق + م(س+هـ)ع \times وع] / [وق + وع]$$

### ٣- معادلة تقريبية:

#### للقطار كله:

$$م(س+هـ) = ٢,٢ + [٣ \times (١٥ + س) / ١٠]^٢ \text{ كجم}$$

$$م(س+هـ)ق = ٢,٢ + [٣ \times (س + \Delta) / ١٠]^٢ \text{ كجم}$$

#### للقطار كله:- إذا أعطى مساحة مقطع العربات:-

$$م(س+هـ)ركاب = ٢,٤ + ٠,١ \times ن \times ح \times (س / ٢٠٠)^٢ \text{ كجم} \quad \Leftrightarrow \text{قطارات ركاب}$$

$$م(س+هـ)بضائع = ٣,٥ + ٠,٨ \times ن \times ح \times (س / ٢٠٠)^٢ \text{ كجم} \quad \Leftrightarrow \text{قطارات بضائع}$$

حيث:

ن = عدد عربات القطار بدون القاطرة.

ح = مساحة مقطع العربة م<sup>٢</sup> ( إذا لم يعطى فى المسألة يؤخذ = ١٠ م<sup>٢</sup> )

## ٢-٥ الإنحدار الحاكم (م.م) ( $R_{CG}$ ):

هو أقصى إنحدار يمكن لقاطرة أن تجر عليه قطار ذا وزن معين بسرعة معينة . فإذا وجد منحنى فيجب تخفيض قيمة الأنحدار بمقدار قيمة الأنحدار بمقدار مقاومة المنحنى ليكون مجموع مقاومة الميل والمنحنى ثابتة ولا تزيد عن المقدار المحدد.

كجم/طن (الخط المائل وبه منحنى أفقى).  $M_c = M_n + M_m$

كجم/طن (الخط المائل وبدون منحنيات).  $M_c = M_n$

والأنحدار الحاكم قد يصل الى ٢٥% فى الأراضى الجبلية ولا يتعدى ٥% فى الأراضى المسطحة ولا تزيد عن ٢,٥% فى المحطات.

عند الحركة على الانحدار الحاكم يكون:  
 $T_f = T_r$

$$(220 \times HP) / V = (R_{Train} + R_{CG}) \times W_{Train}$$

لكى تستطيع القاطرة سحب القطار إذا توقف على الانحدار الحاكم يجب أن يتحقق الشرط:  
 $T_f > T_r$

Where:

$$T_f = F_{adh.} = \mu \times W$$

$$T_r = (R_B + R_{CG}) \times W_{train} \quad \text{كجم}$$

## ٢-٦ حساب قوة الجر (ق<sub>ج</sub>) (Tr):-

أثناء الحركة :  $ق_{ج} = (Tr) = (م(س + ه) + م_{ح}) \times (وق + وع)$  كجم

أثناء بدء الحركة :  $ق_{ج} = (Tr) = (م_{ب} + م_{ح}) \times (وق + وع)$  كجم

## ٢-٧ إرشادات:

١- وزن عربات الركاب = (٤٠ - ٥٠) طن.

٢- وزن عربات البضاعة = (١٥ - ٢٠) طن.

٣- طول عربات الركاب = ٢٠ متر.

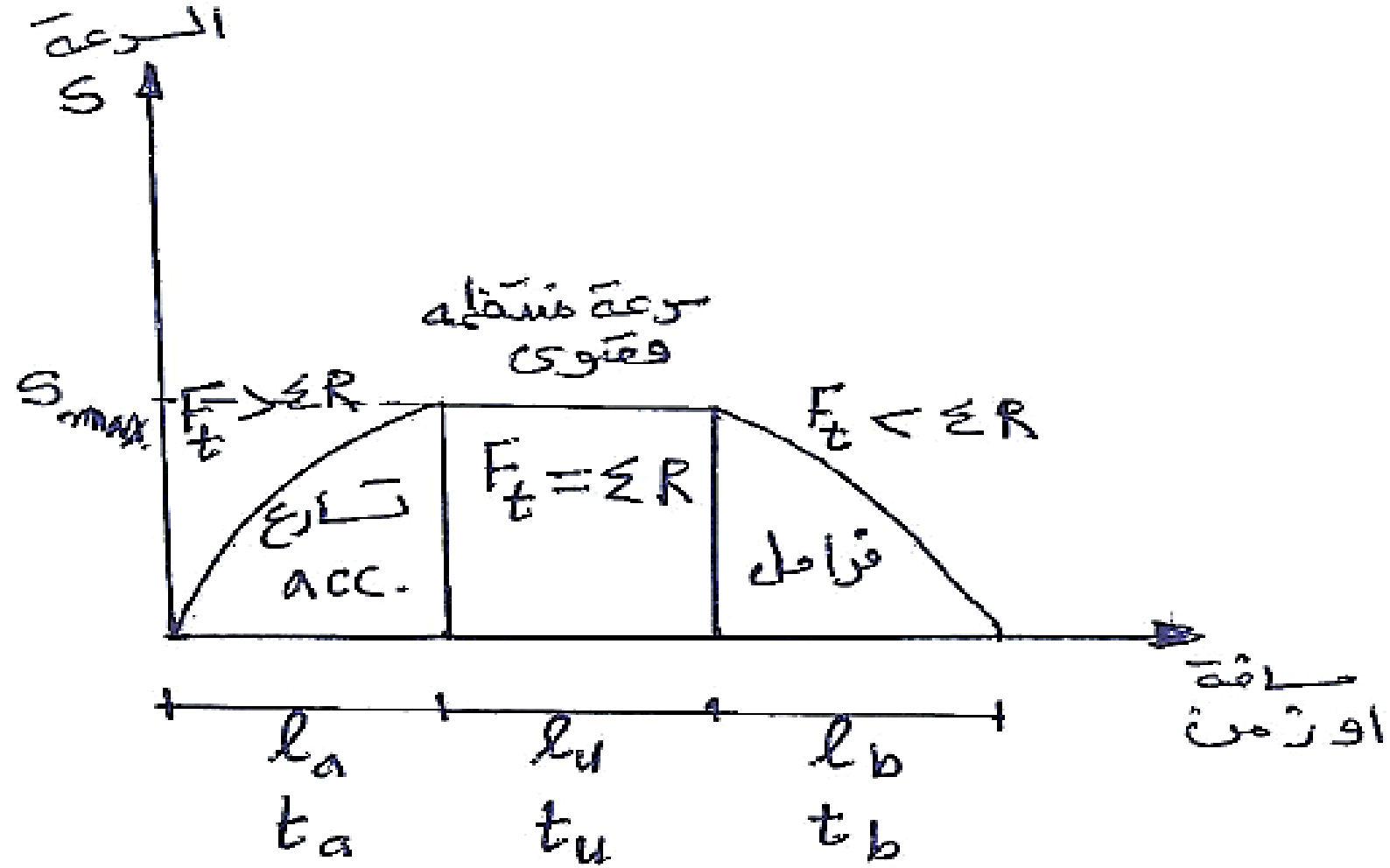
٤- طول عربات البضاعة = ١٦ متر.

٥- طول قطار الركاب  $\geq ٣٣٠$  متر.

٦- طول قطار البضاعة  $\geq ٦٦٠$  متر.

٧- طول القاطرة = ٢٠ متر

## ٧-٢ العلاقة بين السرعة والمسافة - والسرعة والزمن ( حركة قطار بين محطتين):



شكل (٧-٢) العلاقة بين السرعة والمسافة والزمن

### مرحلة التسارع :

علاقة بين السرعة والمسافة، السرعة والزمن علاقة طردية ولكنها غير خطية ويكون فيها:-

$$F_{acc} = F_t = \sum R$$

حيث:-  $F_{acc}$  القوة المسببة للتسارع = قوة الجر- مجموع المقاومات

### مرحلة السرعة المنتظمة:

أثناء مرحلة التسارع تظل السرعة في الزيادة إلى أقصى قيمة لها  $S_{max}$  وبعد ذلك تثبت السرعة ويتحرك القطار بسرعة منتظمة.

$$S_{uniform} = S_{max}$$

$S_{max}$  تتوقف على:-

قدرة الموتور HP.

الوزن الذي تجره القاطرة W .

شكل المسار ( ميول أو منحنيات).

### ٣) مرحلة الفرامل:

ويكون في هذه المرحلة علاقة بين السرعة والمسافة، السرعة والزمن علاقة طردية ولكنها غير خطية ويكون فيها:-

$$F_{dec} < \sum R$$

ومع كل مرحلة يتم معرفة المسافة  $(\ell_a, \ell_u, \ell_d)$  والزمن  $(t_a, t_u, t_d)$

$$t_u = \ell_u / S_{max}$$

الزمن الكلي للرحلة T.

$$T = t_a + t_u + t_d$$

قوة التماسك = قوة الموتور = المقاومات

المعادلة الأساسية لنظرية القطار  
الطائر  
 $(220 \times \text{HP} / S \times W) = (\mu \times W_{e2}) / W = R_{R+a} + R_{CG} \rightarrow$

معادلة لإيجاد السرعة التي يمكن للقطار الطيران بها للتغلب على  $\rightarrow (\mu \times W_{e2}) / W = R_{R+a} + R_{CG}$   
للوصول إلى هذه السرعة  $\rightarrow (220 \times \text{HP} / S \times W) = (\mu \times W_{e2}) / W$  قوة التماسك.

معادلة لإيجاد القدرة ( HP )

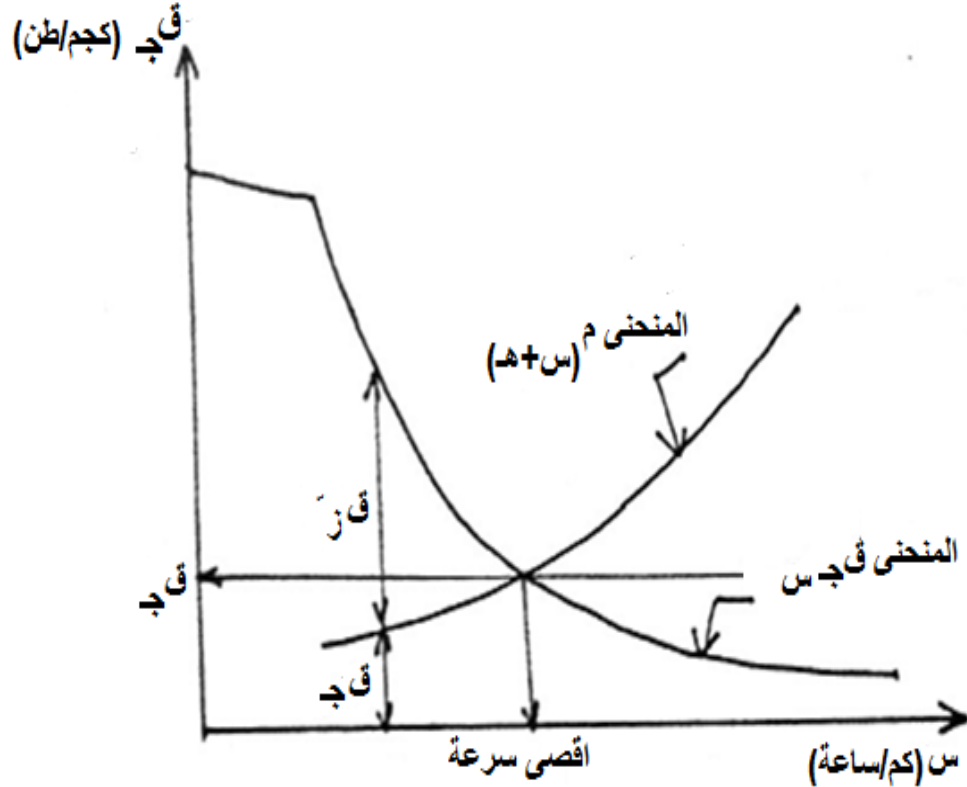
## ٢-٨ زمن السير:

### ٢-٨-١ العلاقة البيانية بين (قوة الجر $T_f$ ) - المقاومات ( $T_r$ ) - السرعة ( $S$ ) (قز - س):

عند بداية الحركة تكون  $S=0.0$  وتكون قوة الجر أكبر من المقاومات ومع زيادة السرعة تقل قيمة ( $T_f$ ) وتزداد ( $T_r$ ) حتى يتساوى كلا من قوة الجر والمقاومة الكلية وعندها يصل القطار إلى السرعة القصوى ( $S_{max}$ ) وتكون شكل العلاقة كما بالشكل.

هي العلاقة بين سرعة القطار س كم/ساعة ، وقوة القطار الزائده كجم/طن من وزن القطار بعد خصم مقاومة السير والهواء من قوة القطار النوعية.

والقوة الزائدة هي تلك القوة التي تتغلب بواسطتها القاطرة على مقاومة الميل والمنحنى ثم تكسب القطار عجلة ترفع من سرعته الى الحد المطلوب.



## ٢-٨-٢ خطوات رسم المنحنى قز - س:

حساب قوة الجر النوعية (من القوة أو التماسك)

$$قج = (القدرة \times ٢٧٠) / السرعة$$

كجم

كجم/طن

$$\mu = (١١٦ + (٤٢ + س) / ٩٠٠٠$$

٢- حساب مقاومة السير والهواء النوعية للقطار عند كل سرعة م (س + هـ) ن

٣- حساب قز عند كل سرعة وهى:

$$قز = قج / (وق + وع) - م (س + هـ) ن$$

$$٤- قز = القوة الزائدة المحدثة للعجلة = م ح + قز$$

## ومن قانون نيوتن الثانى:

$$قز = ك \times ع$$

حيث: ك

$$= كتلة واحد طن من كتلة القطار = (١٠٠٠ \times ث) / ٩,٨١$$

$$= ثابت يأخذ فى الاعتبار الأجزاء التى تتحرك دائريا$$

حيث: ث

قاطرات بخارية

$$= ١,٠٦$$

قاطرات ديزل

$$= ١,٠٩$$

قاطرات كهربية

$$= ١,١٢$$

$$\text{ع} \quad \Delta \text{س} / \Delta \text{ت} = \text{س م/ث} \quad , \quad \text{س كم/ساعة}$$

$$\text{ع} \quad \Delta \text{س} / (\Delta \text{ت}^{3.6}) =$$

$$\text{قز} = \text{ك} \times \text{ع}$$

$$\text{قز} = (9,81 \times 1000 \text{ ث} / \Delta \text{س} / \Delta \text{ت}^{3.6}) \times$$

$$= 28,315 \text{ ث} \times (\Delta \text{س} / \Delta \text{ت}) \text{ كجم/طن}$$

هذه العلاقة بين المتغيرين قز ،  $\Delta \text{س}$  يمكن تمثيلها بيانياً بمثلث متساوي الساقين قائم الزاوية عند رأسه التي تقع على المنحنى قز-س وقاعدته عند المتغير  $\Delta \text{س}$ . يطلق على هذا المثلث مثلث الزمن وبذلك يكون تعريف مثلث الزمن كالآتي:

## ٢-٨-٣ مثلث الزمن:

هو علاقة بيانية بين حركة القطار الممثلة في التغير في السرعة  $\Delta \text{س}$  في الفترة الزمنية  $\Delta \text{ت}$  وبين القوة المحدثّة للعجلة قز.

$$\text{ومن تعريف مثلث الزمن:} \quad \frac{\text{ب.قز}}{\Delta \text{س}} = \frac{1}{2} \quad (\text{مثلث } ٥٤^\circ)$$

$$\text{حيث} \quad \text{ا} = \text{مقياس رسم السرعة س} \quad \text{كم/ساعة.}$$

$$\text{ب} = \text{مقياس رسم قز} \quad \text{كجم/طن}$$

وهذه العلاقة بين مقياسي الرسم تعطى قيم لأحد المقياسين اذا اختيرت قيمة للمقياس الآخر.

## كمثال:

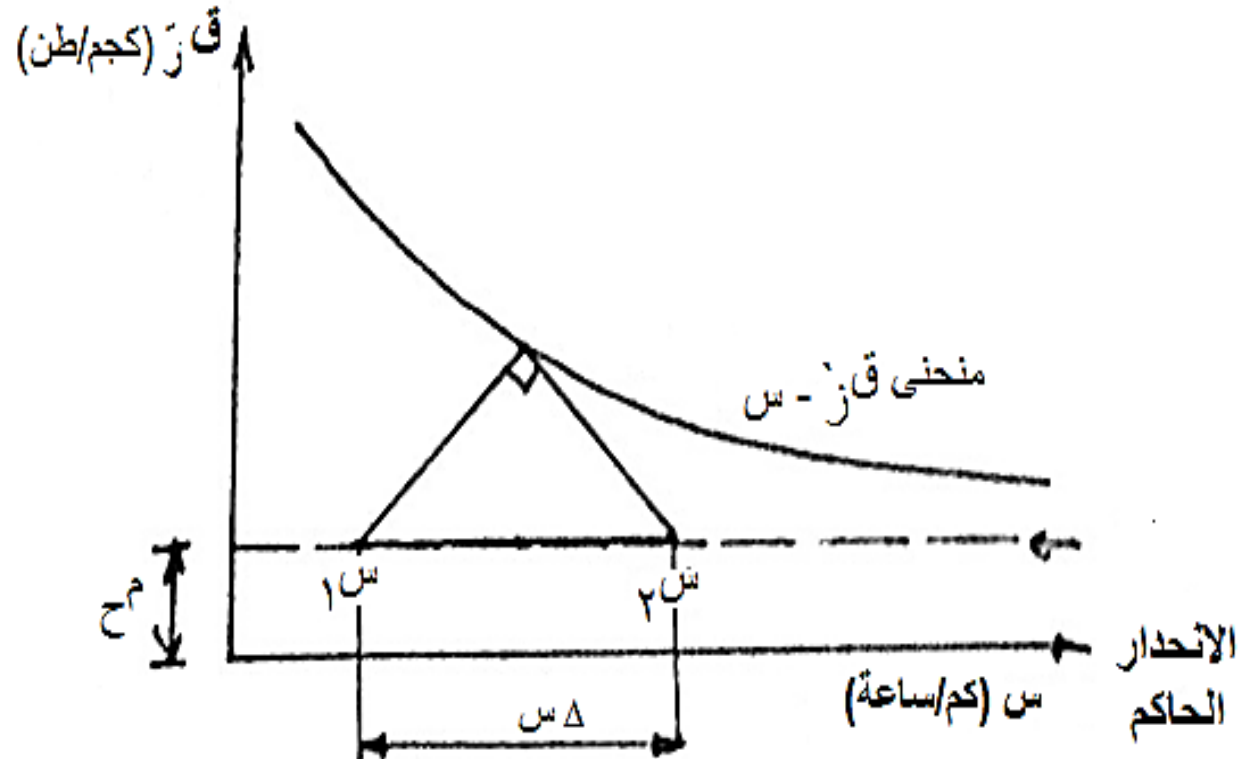
بفرض ب = ٢ مم لكل كجم/طن من قز ،  $\Delta ت = ٣٠$  ،  $\Delta ث = ١,٠٩$

يكون مقياس الرسم ١ من المعادلة:

$$\frac{ب. قز}{\Delta. ا س} = \frac{1}{2} = \frac{2. قز}{\Delta. ا س}$$

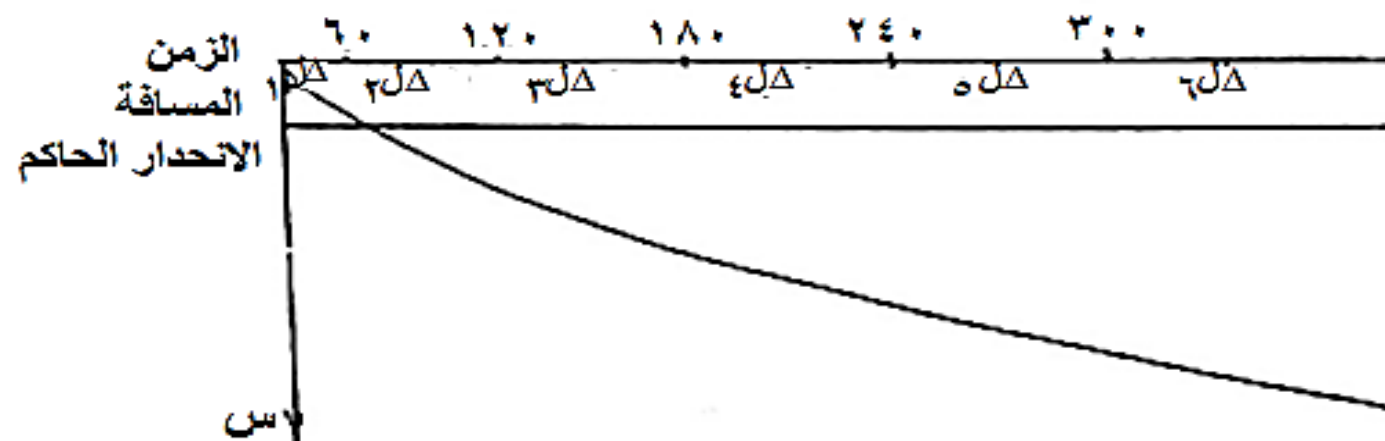
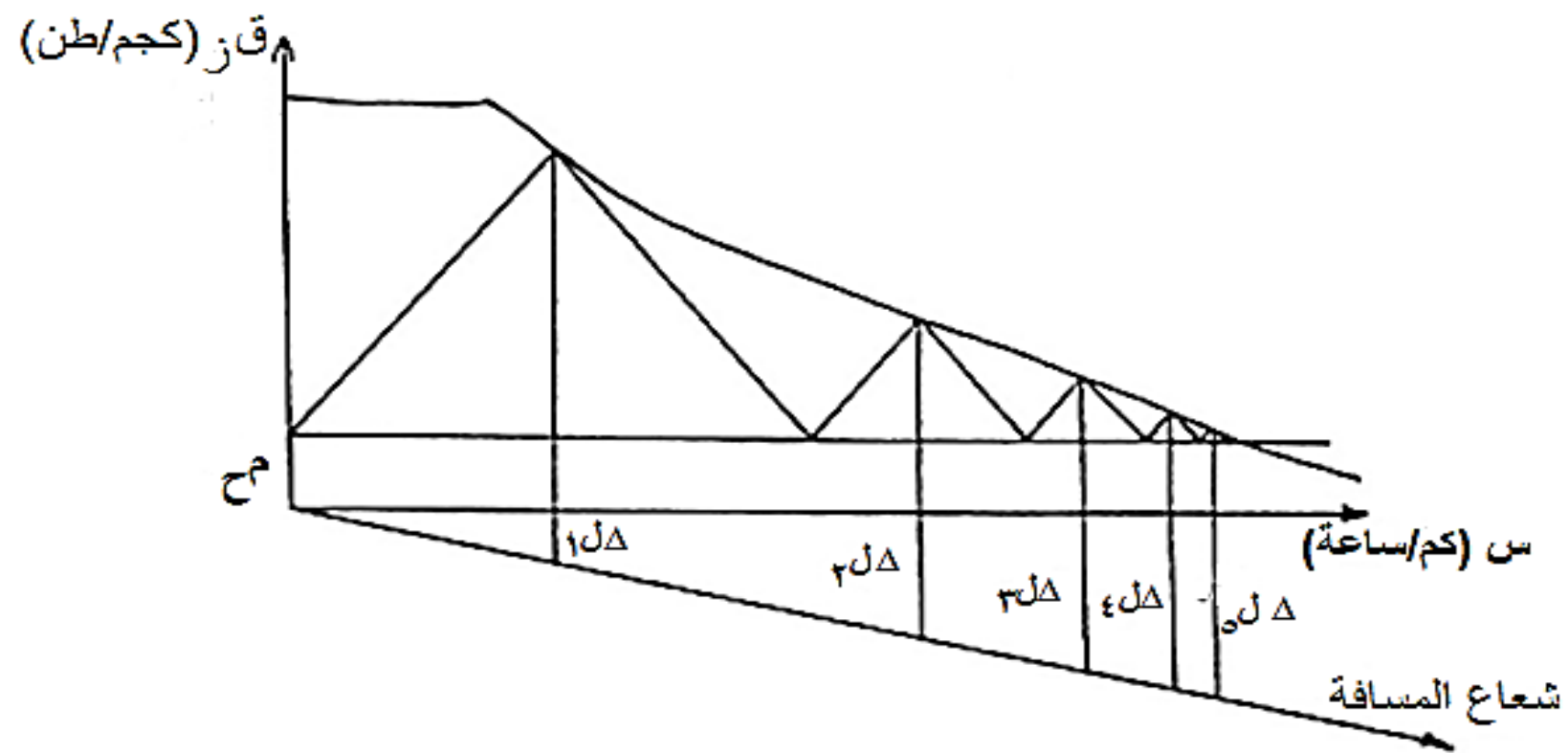
$$١ = \frac{4. قز}{\Delta. ا س} = \frac{(٩,٨١ \times ٣,٦ \times \Delta ت \times \Delta ث)}{(١,٠٩ \times ٤٠٠٠ \times س)} =$$

$$٤,١ = \frac{(٣٠ \times ٣,٦ \times ٩,٨١)}{(١,٠٩ \times ٤٠٠٠)} =$$



## ٢-٨-٤ خطوات حساب زمن المسير بالطريقة البيانية:

- رسم المنحنى ق-ز - س بمقياس رسم كالمستنتج سابقا.
- رسم شعاع المسافة وهو خط مستقيم يعطى المسافة التى يقطعها القطار فى الفترة الزمنية  $\Delta t$  للسرعة المتوسطة لهذه الفترة بفرض قيمة ثابتة للزمن  $\Delta t = 30$  أو  $60$  ثانية وذلك بمقياس رسم مساويا لمقياس الرسم الذى سوف توقع به المسافات الطولية لخط السكة الحديد بين المحطات المختلفة.
- يرسم القطاع الطولى للخط محددًا عليه الأجزاء المستقيمة الأفقية والأجزاء المنحنية والمائلة وتحسب مقاومة المنحنيات وتضاف أو تطرح من مقاومة الميل حسب اتجاه سير القطار لتحصل على الانحدار الحاكم.
- ترسم سلسلة من مثلثات الزمن السابق شرحها وقاعدتها على الانحدار الحاكم ورأسها على المنحنى ق-ز-س (مثلثات  $45^\circ$ ).
- تقاس المسافة المقابلة لرأس كل مثلث من شعاع المسافة وتوقع على أجزاء الخط التى يجب أن تكون رسمت بنفس مقياس رسم شعاع المسافة ويضاف فى نهاية كل مسافة موقعة مقدار  $\Delta t$  ليعطى الزمن الكلى عند نهاية كل مسافة ويتكرر هذا العمل.
- بحساب مجموع الأزمنة حسب عدد المثلثات وأجزائها تحصل على زمن السير المطلوب.
- يضاف فى العادة  $5-10\%$  كأحتياطى الى زمن السير السابق ويسمى بزمن السير العملى.



## ٢-٨-٥ حساب مسافة وزمن الفرامل:

إذا سار قطار وزنه (وقى + وع) طنا بسرعة س<sub>١</sub> م/ث ثم ربطت الفرامل فهبطت سرعته الى س<sub>٢</sub> م/ث فإن:  
التغير فى طاقة حركته = [(وقى + وع)(س<sub>١</sub><sup>٢</sup> - س<sub>٢</sub><sup>٢</sup>)] / ٢ جـ طن.متر

حيث جـ = عجلة التثاقل = ٩.٨١ م/ث<sup>٢</sup>

وهذا النقص أو التغير فى طاقة الحركة يساوى وحدات الطاقة التى بذلتها مجموعة القوى التى تسببت فى نقص السرعة.  
فإذا رمزنا إلى مجموعة القوى بالرمز ق والمسافة بالرمز ل مترا حيث ق بالطن.

$$\therefore \text{ق} \times \text{ل} = \frac{[(\text{وقى} + \text{وع})(\text{س}_1^2 - \text{س}_2^2)]}{2} \times 9.81 \times (3,6)^2$$

$$= \frac{3,93 (\text{وقى} + \text{وع})(\text{س}_1^2 - \text{س}_2^2)}{2}$$

$$\text{ل} = \frac{[(\text{وقى} + \text{وع})\mu + (\text{وقى} + \text{وع})\text{م}]}{3,93 (\text{وقى} + \text{وع})(\text{س}_1^2 - \text{س}_2^2)}$$

$$\text{ل} = \frac{3,93 (\text{وقى} + \text{وع})}{[(\text{وقى} + \text{وع})\mu + (\text{وقى} + \text{وع})\text{م}]} \times \frac{3,6^2 \times 9.81}{2}$$

**حيث:**

ل = مسافة الفرملة بالمترا التى تنخفض فيها السرعة من س<sub>١</sub> إلى س<sub>٢</sub>

وقى = وزن القاطرة بالطن

س<sub>١</sub> = السرعة الابتدائية بالكم/ساعة

س<sub>٢</sub> = السرعة النهائية بالكم/ساعة

وقى<sup>٢</sup> = الوزن الواقع على العجلات المفرملة فى القاطرة وهى غالبا تساوى وزن القاطرة أى وقى<sub>٢</sub> = وقى طنا

وع<sup>٢</sup> = الوزن الواقع على العجلات المفرملة فى العربات وفى حالة قطارات الركاب فإن وع<sup>٢</sup> = وع

وفى حالة قطارات البضائع = وزن السبنسة + بعض العربات

μ = معامل الاحتكاك بين العجلات والقضبان = ٠,٢٥ - ٠,١٥

م = مجموع المقاومات

**ولحساب الزمن معلوم المسافة والسرعة المتوسطة**

زمن الفرامل = ل / [(س<sub>١</sub> + س<sub>٢</sub>) / ٢] × ٣,٦ × ٢ = ل / (س<sub>١</sub> + س<sub>٢</sub>) ثانية